

```

def ordonnerCrepe(n):
    if n < N:
        idM=idMax(n)
        renverser(idM,N-1)
        renverser(n,N-1)
        ordonnerCrepe(n+1)

```

Soit $n \in [0 ; N[$. Où N représente le nombre d'assiettes (indexées de 0 à $N - 1$) de mon tas.

Invariant (I_n)

Après n itérations, les n premières assiettes du tas sont triées dans l'ordre décroissant et les plus grandes du tas.

Initialisation Pour $n = 0$, l'invariant est vraie par vacuité.

Hérédité Soit $n \in [0 ; N - 1[$.

On suppose que :

les n premières assiettes du tas sont triées dans l'ordre décroissant et les plus grandes du tas. (I_n)

Montrons que :

les $n + 1$ premières assiettes du tas sont triées dans l'ordre décroissant et les plus grandes du tas. (I_{n+1})

(I_n) se traduit par :

$\text{tas}[0] \geq \text{tas}[1] \geq \dots \geq \text{tas}[n]$ (A_n) et $\text{tas}[n] \geq \max(\text{tas}[n + 1], \text{tas}[n + 2], \dots, \text{tas}[N - 1])$ (B_n).

ordonnerCrepe(n+1) s'applique.

idM = idMax(n+1). **idM** est l'indice du maximum de **tas[n + 1 :]** .

Donc, on a **tas[idM] = max(tas[n + 1], tas[n + 2], ... , tas[idM], ..., tas[N - 1])** et $n + 1 \leq \text{idM} \leq N - 1$.

Après **renverser(idM,N-1)**, on a, $\text{tas}[N - 1] = \max(\text{tas}[n + 1], \text{tas}[n + 2], \dots, \text{tas}[N - 1])$.

Après **renverser(n + 1,N-1)** , on a : $\text{tas}[n + 1] = \max(\text{tas}[n + 1], \text{tas}[n + 2], \dots, \text{tas}[N - 1])$.

De cette dernière ligne on retient que, $\text{tas}[n + 1] \geq \max(\text{tas}[n + 2], \dots, \text{tas}[N - 1])$. Donc, (B_{n+1}) est vraie.

En outre, d'après (A_n) et (B_n), on a $\text{tas}[0] \geq \text{tas}[1] \geq \dots \geq \text{tas}[n] \geq \text{tas}[n + 1]$, donc, (A_{n+1}) est vraie.

Finalement, (I_{n+1}) est vraie.