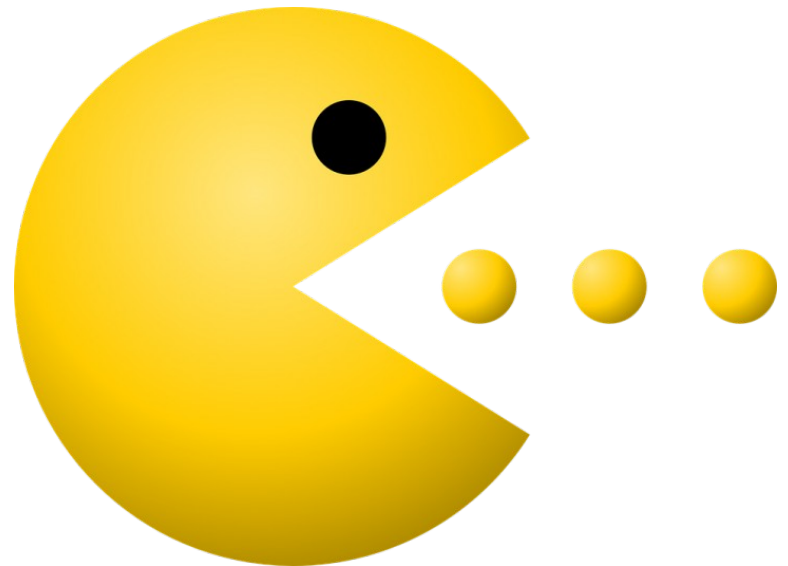


Les algorithmes gloutons



Les algorithmes glouton

Algorithme Glouton (Greedy en anglais : Vorace)

Cette méthode offre une solution rapide afin d'optimiser la résolution de problème comportant un très grand nombre de solutions.

Cependant la solution trouvée n'est pas forcément optimale

Les algorithmes glouton

Cette méthode construit une solution d'une manière pas à pas. A chaque étape, elle prend la direction la plus prometteuse.

Les algorithmes glouton

Principe 1 : Faire toujours un choix localement optimal dans l'espoir que ce choix mènera à une solution globalement optimale

Les algorithmes glouton

Principe 2 : Ne jamais remettre en cause une décision prise auparavant.

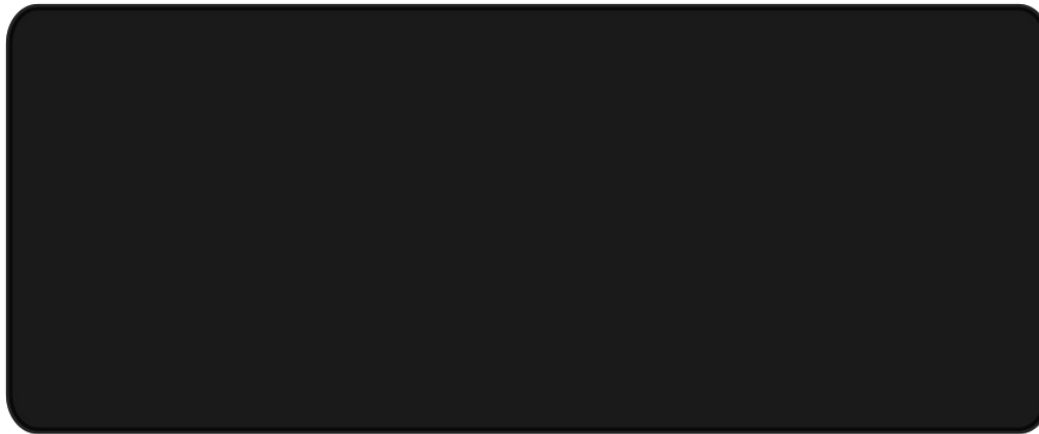
Algorithme du rendu de monnaie

Les algorithmes glouton

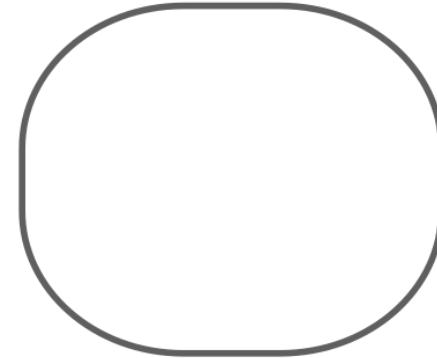
```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
aRendre = 0.45
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
    nbrePieces = aRendre // piece
    Distribuer nbrePieces
    aRendre = aRendre-nbrePieces x piece
```

Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]  
aRendre = 0.45  
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :  
    nbrePieces = aRendre // piece  
    Distribuer nbrePieces  
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```



Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

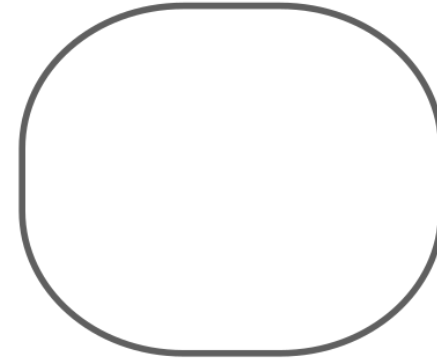
```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

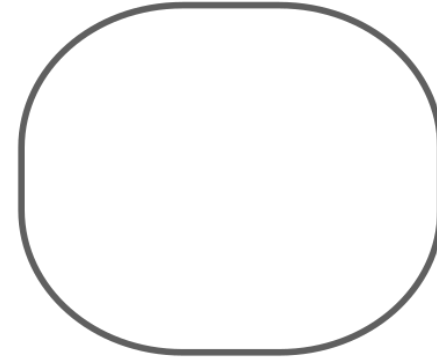
piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

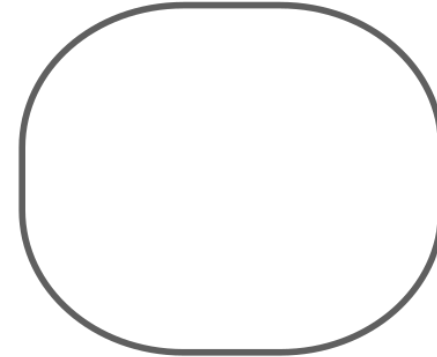
piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre *piece*

0.45	2
------	---

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

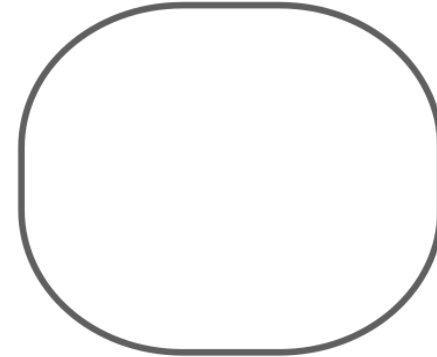
piece

2

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

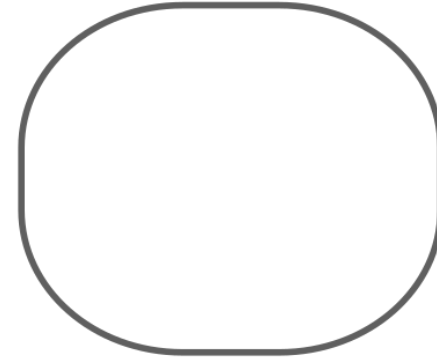
```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
aRendre = 0.45
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
    nbrePieces = aRendre // piece
    Distribuer nbrePieces
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

<i>aRendre</i>	<i>piece</i>	<i>nbrePieces</i>
0.45	2	0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces x piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

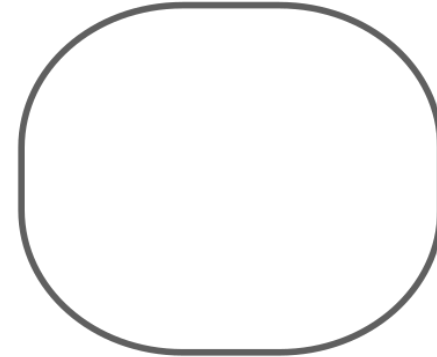
piece

2

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

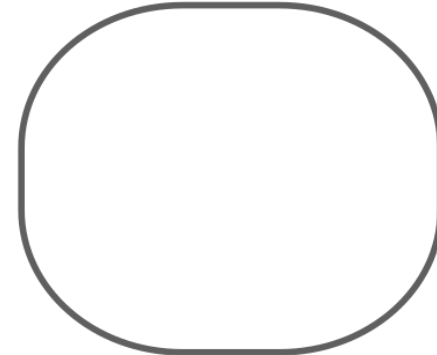
piece

1

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

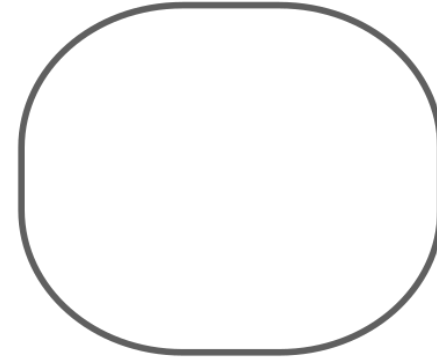
piece

1

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
aRendre = 0.45
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
    nbrePieces = aRendre // piece
    Distribuer nbrePieces
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

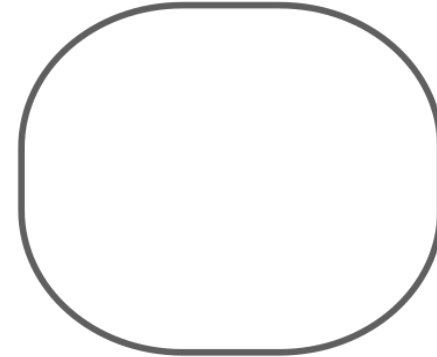
piece

1

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
aRendre = 0.45
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
    nbrePieces = aRendre // piece
    Distribuer nbrePieces
    aRendre = aRendre - nbrePieces x piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

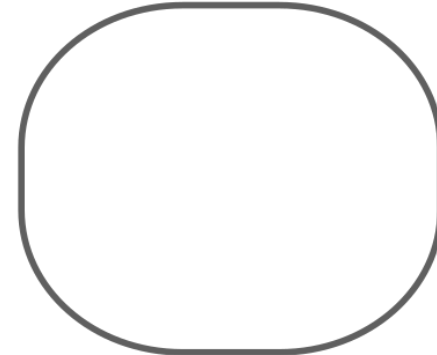
piece

1

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

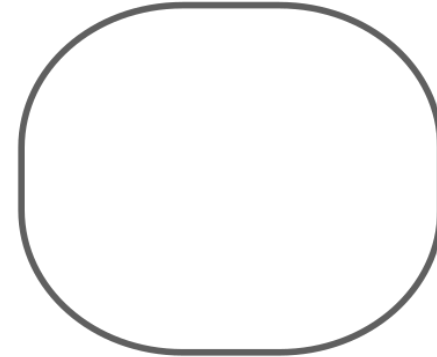
piece

0.5

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

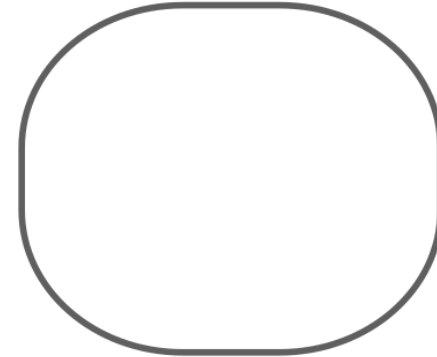
piece

0.5

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
aRendre = 0.45
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
    nbrePieces = aRendre // piece
    Distribuer nbrePieces
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

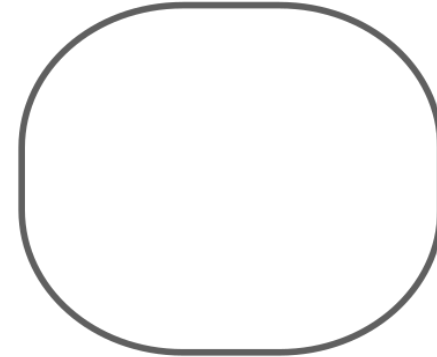
piece

0.5

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
aRendre = 0.45
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
    nbrePieces = aRendre // piece
    Distribuer nbrePieces
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

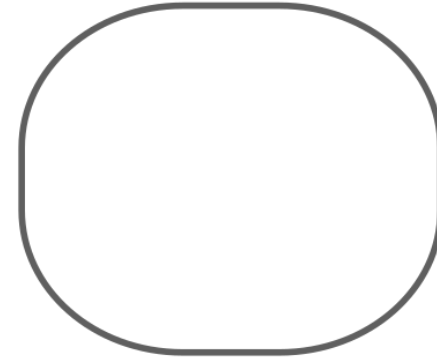
piece

0.5

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

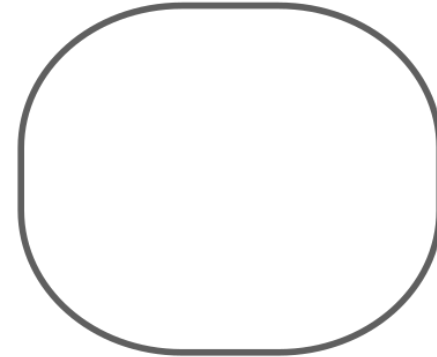
piece

0.2

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

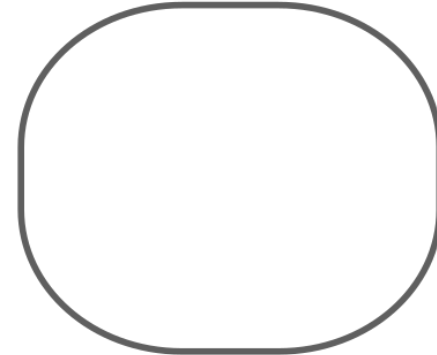
piece

0.2

nbrePieces

2

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.45

piece

0.2

nbrePieces

2

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.05

piece

0.2

nbrePieces

2

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

`Distribuer nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.05

piece

0.1

nbrePieces

2

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.05

piece

0.1

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.05

piece

0.1

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.05

piece

0.1

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.05

piece

0.05

nbrePieces

0

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

`piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]`

`aRendre = 0.45`

pour chaque `piece` de `piecesDispoDecroissant` :

`nbrePieces = aRendre // piece`

Distribuer `nbrePieces`

`aRendre = aRendre - nbrePieces * piece`

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.05

piece

0.05

nbrePieces

1

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
aRendre = 0.45
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
    nbrePieces = aRendre // piece
    Distribuer nbrePieces
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.05

piece

0.05

nbrePieces

1

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
```

```
aRendre = 0.45
```

```
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
```

```
    nbrePieces = aRendre // piece
```

```
    Distribuer nbrePieces
```

```
    aRendre = aRendre - nbrePieces x piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

aRendre

0.0

piece

0.05

nbrePieces

1

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

```
piecesDispoDecroissant = [2,1,0.5,0.2,0.1,0.05]
aRendre = 0.45
pour chaque piece de piecesDispoDecroissant :
    nbrePieces = aRendre // piece
    Distribuer nbrePieces
    aRendre = aRendre - nbrePieces * piece
```

piecesDispoDecroissant

2	1	0.5	0.2	0.1	0.05
---	---	-----	-----	-----	------

<i>aRendre</i>	<i>piece</i>	<i>nbrePieces</i>
0.0	0.05	1

Pièces rendues



Les algorithmes glouton

Synthèse

Les algorithmes gloutons

Dans le contexte de la machine à rendre la monnaie, il y aura :

- Au plus une pièce de 5 cents sinon une pièce de 10 cents.
- Au plus un pièce de 10 cents sinon une de 20 cents
- Au plus deux pièces de 20 cents sinon une de 50 cents
- Au plus une pièce de 50 cents sinon une de 1€
- Au plus une pièce de 1€ sinon une de 2€

Donc l'algorithme est optimal

Les algorithmes gloutons

Pour mettre au point un algorithme glouton, il faut donc:

► Trouver un critère de sélection.

Souvent facile ... mais pas toujours

► Montrer que le critère est bon, c'est à dire que la solution obtenue est une des meilleures voir la meilleure

Souvent difficile !

► L'implémenter.

En général facile et efficace