

## Types récurifs (ou inductifs)

La récursivité est utilisable dans la définition des types. Ceci permet en particulier de construire des types infinis. On peut par exemple représenter les listes d'entiers<sup>4</sup>.

```
# type intlist = NI | CI of int * intlist;; (* NI: liste d
type intlist = NI | CI of int * intlist
# CI(1, CI(2, CI(3, NI)));;
- : intlist = CI (1, CI (2, CI (3, NI)))
# NI;;
- : intlist = NI
# type 'a truclist = NT | CT of 'a * 'a truclist;;
type 'a truclist = NT | CT of 'a * 'a truclist
# NT;;
- : 'a truclist = NT
# CT('a', CT('b', CT('c', NT)));;
- : char truclist = CT ('a', CT ('b', CT ('c', NT)))
```

<sup>4</sup>Définition en fait inutile, puis qu'il existe un type prédéfini pour les listes que nous verrons page 78

## Listes

Comment définir un type liste générique (liste d'éléments appartenant tous à un même type non fixé)?

```
type 'a mylist = Nil | C of 'a * 'a mylist
```

Exemples de fonctions utilisant ce type

- ▶ `length`
- ▶ `make_list`
- ▶ `concat`



## Récurtivité terminale

fonction pas réursive terminale

⇒ appels empilés (pile d'exécution)

lors de l'appel à `fact 4` seront empilés les appels: `fact 4`,  
`fact 3`, `fact 2`, `fact 1`, `fact 0`.

Le dernier appel `fact 0` retourne `1`,

`fact 1` retourne `1 * 1 = 1`,

`fact 2` retourne `2 * 1 = 2`,

`fact 3` retourne `3 * 2 = 6`,

`fact 4` retourne `4 * 6 = 24`.

empilement d'appels ⇒ débordement de la pile (Stack overflow)  
injustifié dans le cas d'un tel calcul qui dans un langage classique  
se ferait avec une simple boucle.

```
def fact (n):  
    p = 1  
    for i in range(2, n + 1):  
        p *= i  
    return p
```

## Récurtivité terminale

**avantage:** pas nécessaire d'empiler les appels; l'appel récursif **remplace** l'appel précédent.

⇒ pas de débordement de pile

- ▶ pas toujours possible d'obtenir une fonction récursive terminale
- ▶ Souvent, passage d'une fonction non récursive terminale à une fonction récursive terminale par **ajout** d'un paramètre qui joue le rôle d'**accumulateur** et dans lequel on calcule la valeur à l'appel et non au retour de l'appel récursif.

- ▶ fonction auxiliaire `fact_aux n p` récursive terminale
- ▶ `fact` s'écrit en appelant `fact_aux n 1`, `1` étant l'élément neutre pour le produit.

```
let rec fact_aux n p =  
  if n = 0 then p  
  else fact_aux (n - 1) (n * p)
```

```
let fact n = fact_aux n 1  
fact_aux 4 1 remplacé par  
fact_aux 3 4 remplacé par  
fact_aux 2 12 remplacé par  
fact_aux 1 24 remplacé par  
fact_aux 0 24 retourne 24 .
```

`p` (resp. `n`) joue même rôle que `p` (resp. `i`):

```
def fact (n):  
  p = 1  
  for i in range(n, 0, -1):  
    p *= i  
  return p
```

fonction auxiliaire à l'intérieur de la fonction principale à l'aide d'un `let rec ... in ...` (sauf si fonction aux utile dans un autre contexte).

```
let fact n =  
  let rec aux n p =  
    if n = 0 then p  
    else aux (n - 1) (n * p)  
  in aux n 1
```

Exemples: `make_list_rt`, `length_rt`, `reverse_rt`

## Type `'a list` prédéfini en OCaml

pas nécessaire de définir un type `'a mylist`  
(comme vu précédemment)

type prédéfini `'a list` est fourni par le module `List`

listes **homogènes** (comme dans le cas du type `'a mylist`):  
tous les éléments sont d'un **même type**.

fonctions de ce module seront accessibles avec le préfixe `List.`  
(utiliser la complétion pour voir toutes les fonctions du module)

Par exemple, `List.length` (la longueur d'une liste)